

Concepts théoriques

- **La mémoire pratique** est la mémoire des gestes antérieurement appris pour la pratique. Elle résulte de l'incorporation personnelle de chaînes opératoires portées par « la collectivité culturelle » - ce qui se fait officiellement dans la classe à propos des mathématiques pour ce qui nous intéresse - qui jouent le rôle de mémoire externe et de médiateur pour son apprentissage personnel.
- La mémoire pratique concerne l'individu, considéré comme **sujet d'une institution** où s'accomplissent des pratiques, et qui organise la mémoire de ses sujets selon la position qu'ils y occupent, notamment en la leur « donnant à voir ».
- **Le temps institutionnel** est celui des pratiques. Dans une institution didactique, il est clivé en temps didactique et temps de l'apprentissage qui lui est généralement postérieur. L'étude a pour fonction de réduire l'écart entre temps de l'apprentissage et temps didactique. Il est continuellement recréé par l'introduction « d'objets nouveaux » dans le système. (Chevallard 1985, Chevallard & Mercier, 1987).
- La problématique de la mémoire est au confluent de celles du **rapport au savoir** et du **temps**. Elle est abordée selon une « phénoménologie éclatée » du souvenir (Ricœur, 2000).

Méthodologie : une institution pour l'observation

- Les personnes observées (élèves) sont assujetties à de multiples **sous-institutions annexées au système didactique**. Elle y accomplissent des pratiques relatives au même objet mathématique (en classe : enseignement, évaluation, à l'extérieur : étude et recherche d'exercices seul, avec des camarades avec l'aide d'un tiers extérieur, etc.)
- Pour provoquer des phénomènes mémoriels, afin de les observer, on crée **une institution d'observation** avec sa pratique spécifique : des élèves volontaires explicitent certains éléments de leurs pratiques d'étude. Ce qui permet d'accéder à des dimensions de la personne qui relèvent de ses assujettissements à d'autres institutions pour l'étude.
- Fréquenter cette institution crée un **décalage temporel** : on y parle les objets d'une pratique ancienne qui s'est déroulée en d'autres lieux.
- Des séances en classe **sont filmées**. Elles y sont **projetées quelques temps après**, à des élèves de la classe qui répondent aux questions que l'observateur pose tandis que le film se déroule. Les interactions sont **enregistrées**.

Episode filmé le 5 février

La classe étudie le chapitre consacré au logarithme népérien, et un élève est au tableau pour résoudre l'équation $\ln x^2 + \ln x = 2$. Il écrit : $\ln x^2 + \ln x = 2$
 $\Leftrightarrow 2 \ln x + \ln x = 2$
 $\Leftrightarrow 3 \ln x = 2 \ln e$ [l'élève utilise $1 = \ln e$, seule technique connue]
 Il réfléchit quelques secondes et écrit :
 $\Leftrightarrow x^3 = e^2$
 $\Leftrightarrow x = \sqrt[3]{e^2}$
 $\Leftrightarrow x = \sqrt{e}$
 Cette réponse erronée conduit le professeur à expliquer que $(\sqrt{e})^3$ ne saurait être égal à e^2 . Puis le professeur reprend la correction au tableau en ajoutant : « Attention !... Bon, c'est vrai qu'on n'a pas vu encore les puissances fractionnaires !... Ça va ?... C'est-à-dire que pour rédiger ça, on va plutôt rédiger, puisqu'on n'a pas vu les exposants fractionnaires... » Il écrit :
 $\Leftrightarrow 3 \ln x = 2 \ln e \Leftrightarrow \ln(x^3) = \ln(e^2)$. Donc $x^3 = e^2$ donc $x = \sqrt[3]{e^2}$

Discussion entre deux élèves de la classe (G et F) et l'observateur (Q) le 25 mars, lors de la projection de l'épisode filmé le 5 février

Q. Et là, vous, vous aviez fait comment ? Parce qu'il a l'air d'être embarrassé...
 F. Moi, j'avais marqué $\ln x = \frac{2}{3}$
 G. Voilà, ouais...
 Q. Et là ?
 F. Et après...
 G. $x = e^{2/3}$
 F. $x = e^{2/3}$, oui.
 Q. Oui, mais là y a une nouveauté quand même... C'est la puissance fractionnaire, l'exposant fractionnaire !
 F. Oui.
 G. Là, heu... Ça on l'a fait après, l'exposant fractionnaire ; on a fait ça quand même !
 F. Oui.
 Q. Oui. Je veux dire... là, le $e^{2/3}$, vous l'avez fait après, quand vous avez étudié les fonctions puissances j'imagine ?
 F et G. Oui.
 Q. Exponentielle et puissance.
 F. Oui.
 Q. À ce moment-là du cours, vous ne l'aviez pas fait ?
 F. Oui, à ce moment-là, non on ne l'avait pas fait !

Éléments de conclusion

Technique institutionnalisée le 5 février (4 PAS)

- ① $\ln x^2 + \ln x = 2$
- ② $2 \ln x + \ln x = 2$ (car $\ln x^n = n \ln x$)
- ③ $3 \ln x = 2$ (car $2+1=3$)
- ④ $3 \ln x = 2 \ln e$ (car $\ln e = 1$ et que $2 = 2 \times 1$)
- ⑤ $\ln x^3 = \ln e^2$ (car $n \ln x = \ln x^n$)
- ⑥ $x^3 = e^2$ (car \ln bijection)
- ⑦ $x = \sqrt[3]{e^2}$ (définition de la racine cubique)

Technique décrite par les élèves le 25 mars (2 PAS)

- ① $\ln x^2 + \ln x = 2$
- ② $2 \ln x + \ln x = 2$ (car $\ln x^n = n \ln x$)
- ③ $3 \ln x = 2$ (car $2+1=3$)
- ④ $\ln x = 2/3$ (car $ax = b \Leftrightarrow x = b/a$)
- ⑤ $x = e^{2/3}$ (car $\ln x = a \Leftrightarrow x = e^a$)

La raison de **l'oubli des souvenirs** tient dans le fait qu'ils ne peuvent être restitués à l'identique, comme s'ils étaient stockés sans altération dans « un entrepôt du cerveau », mais qu'ils doivent être reproduits. Or, **reproduire n'est pas retrouver**, mais **reconstruire**. Mais l'univers cognitif des élèves a changé ; la venue de nouveaux ostensifs et non ostensifs (la définition de l'exponentielle sous forme d'écriture ostensive « $\ln x = a \Leftrightarrow x = e^a$ ») permet une **économie pratique** importante. Il n'est pas nécessaire que le souvenir de certaines techniques demeurent car la connaissance actuelle possède en elle-même et retrouve autour d'elle les moyens de les fabriquer.

L'utilisation de la vidéo permet de reproduire dans le **cadre didactique** l'expérience décrite par Maurice Halbwachs (1925, 1994) du livre d'enfance retrouvé dans un grenier mais qui ne procure pas les mêmes souvenirs car « entre les conceptions d'un adulte et d'un enfant il y a trop de différences ».